

# **ТЕОРЕТИЧЕСКИЕ ОСНОВЫ ЭЛЕКТРОТЕХНИКИ**

*Лектор:*

*к.ф.-м.н., асс.профессор Алимгазинова Назгуль Шакаримовна*

### 3 лекция. Цепи синусоидального тока

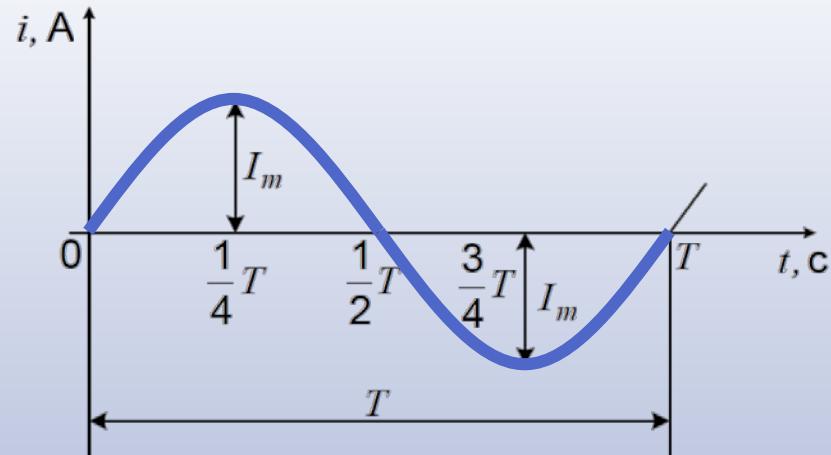
**Переменным током** называют ток, который **изменяется во времени по величине и направлению**.

Переменный ток может быть **однофазным и трёхфазным**.

#### Переменный однофазный синусоидальный ток

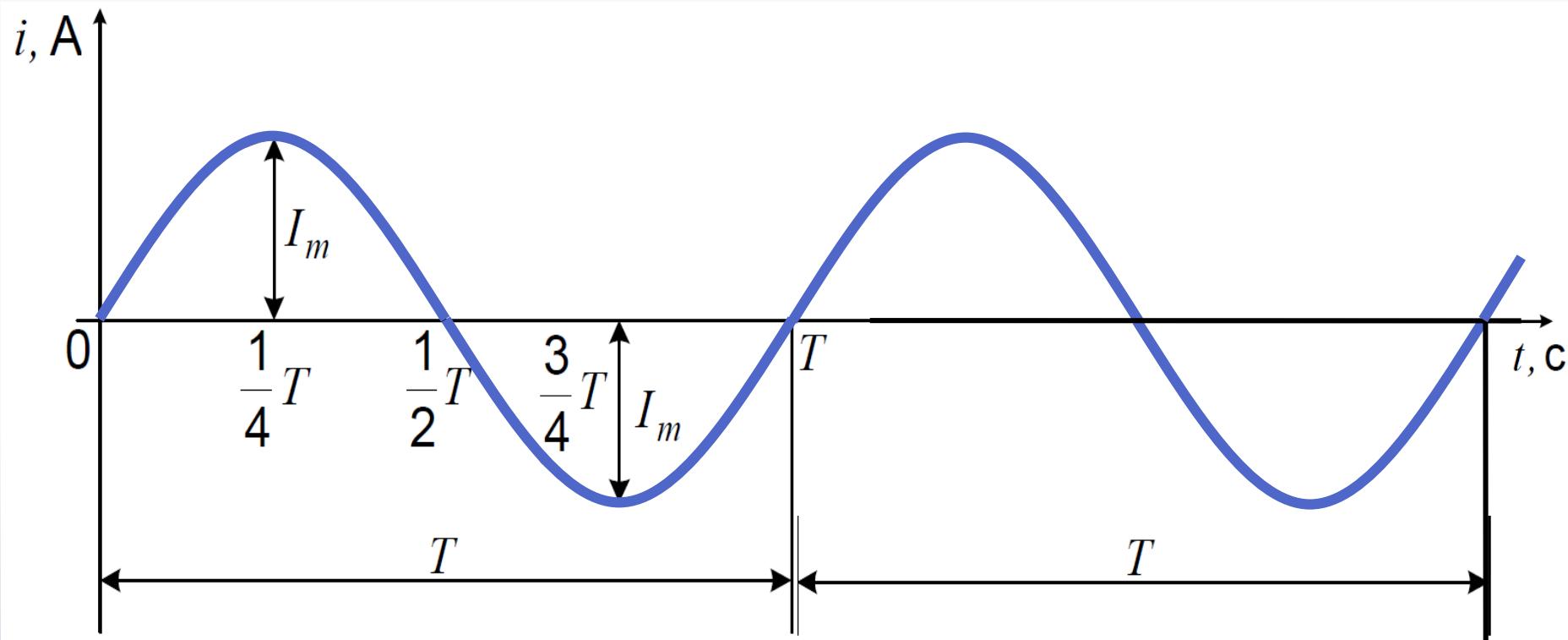
**Однофазный синусоидальный ток** представляет собой переменный ток, изменяющийся во времени по периодическому, синусоидальному закону.

$$i = I_m \sin(t + kT),$$



Волновая диаграмма однофазного синусоидального тока

где  $i$  – **мгновенное значение тока**, т. е. значение тока в данный момент времени;  $I_m$  – **максимальное значение тока, называемое амплитудой**;  $T$  – период колебания тока, т. е. интервал времени в секундах (с), за которое совершается одно полное колебание;  $k$  – любое целое число.



$$f = \frac{1}{T}$$

**Частота** – это число периодов колебаний какого либо процесса (тока, напряжения и др.) за одну секунду. Измеряется в герцах (Гц),  $1 \text{ Гц} = 1/\text{с}$ .

$$\omega = \frac{2\pi}{T} = 2\pi f$$

**Круговая (угловая, циклическая) частота**  $\omega$ ,  $\text{рад}/\text{с}$ , равна числу периодов колебания тока (напряжения) за  $2\pi$  секунд:

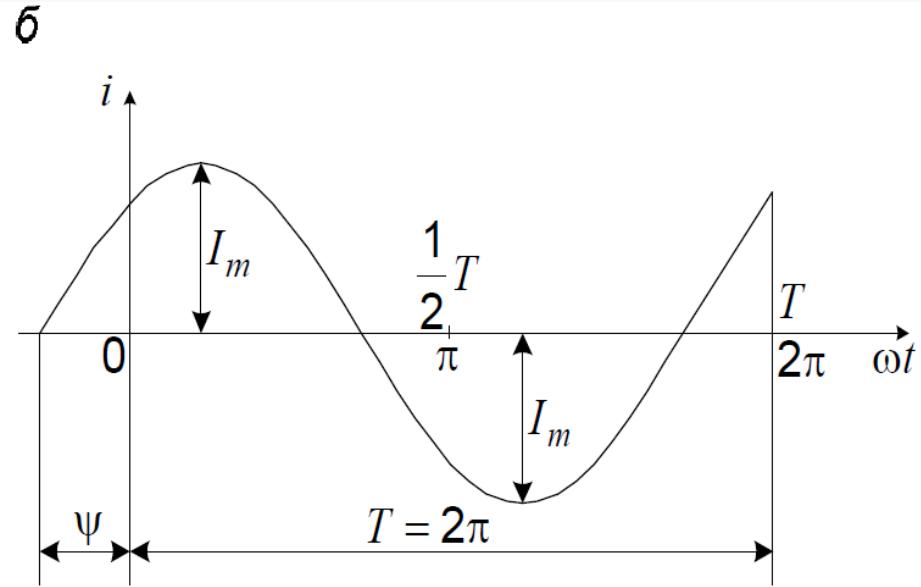
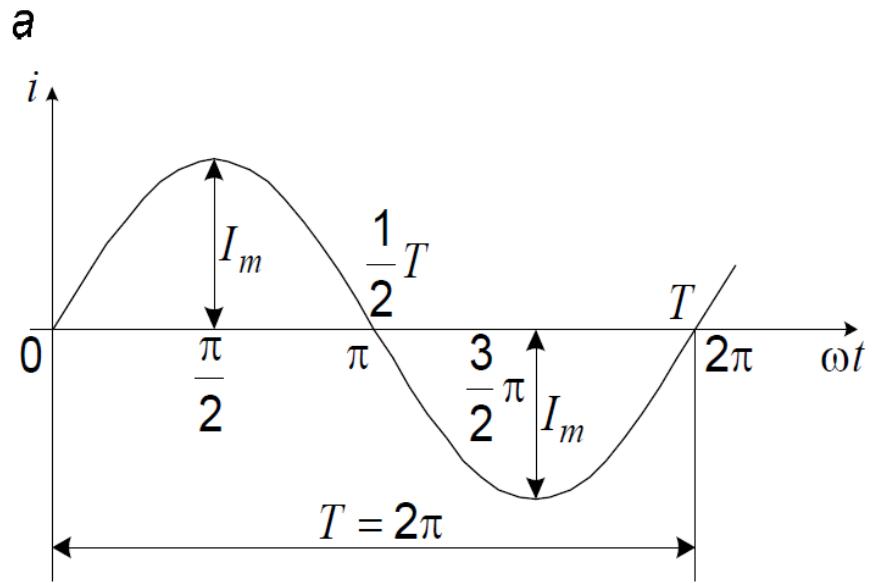
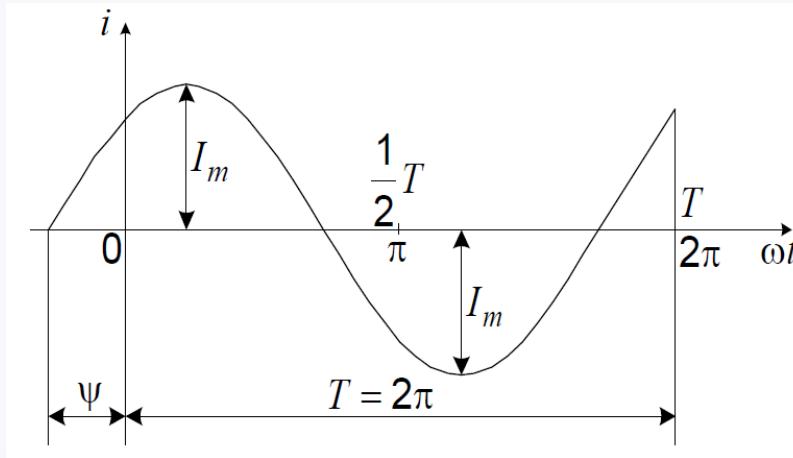


График синусоидального тока в виде волновой диаграммы

$$i = I_m \sin \omega t \text{ --- для рис. а} \quad (\psi = 0);$$

$$i = I_m \sin(\omega t + \psi) \text{ --- для рис. б} \quad (\psi \neq 0).$$



$$i = I_m \sin(\omega t + \psi)$$

Анализируя выражения представленных на рисунках выше функций, вводим понятия:

- 1) **фаза (аргумент)** - величина  $(\omega t + \psi)$ . Фаза характеризует состояние колебания, т. е. она даёт возможность определить численное значение изменяющейся величины в данный момент времени  $t$ ;
- 2) значение фазы при  $t = 0$ , когда  $\omega t + \psi = \omega * 0 + \psi = \psi$ , называется **начальной фазой** и обозначается  $\psi$ .

При радианном измерении аргумента синуса  $\omega t$  в течение времени  $T$  фаза тока увеличивается на  $2\pi$ .

*Круговая частота  $\omega$  показывает, на сколько радиан изменится фаза тока за 1 секунду.*

**Любая синусоидально (гармонически) изменяющаяся функция однозначно определяется тремя величинами: амплитудой, угловой частотой (частотой, периодом) и начальной фазой.**

**Амплитуда**

**Угловая частота**

$$i = I_m \sin(\omega t + \psi)$$



**Начальная фаза**

# ХАРАКТЕРИСТИКИ СИНУСОИДАЛЬНЫХ ВЕЛИЧИН

**Действующее значение синусоидально изменяющейся величины переменного тока и напряжения**

**Действующее значение**  $I$  синусоидального тока  $i = I_m \sin(\omega t)$  численно равно значению такого постоянного тока, который за время, равное периоду синусоидального тока, выделяет на сопротивлении  $R$  такое же количество теплоты, что и синусоидальный ток.

Действующее значение тока ещё называют эффективным или среднеквадратичным.

$$I = \sqrt{\frac{1}{T} \int_0^T i^2 dt} = \sqrt{\frac{1}{2\pi} \int_0^{2\pi} I_m^2 \sin^2 \omega t d\omega t} = \frac{I_m}{\sqrt{2}} = 0,707 I_m.$$

$$U = \frac{U_m}{\sqrt{2}} = 0,707 U_m.$$

# Среднее значение синусоидально изменяющейся величины переменного тока и напряжения

Под **средним значением** синусоидального переменного тока понимают его среднее значение за **положительный полупериод**:

$$I_{cp} = \frac{1}{T} \int_0^{\frac{T}{2}} idt = \frac{1}{\pi} \int_0^{\frac{\pi}{2}} I_m \sin \omega t d\omega t = \frac{2}{\pi} I_m = 0,638 I_m .$$

$$U_{cp} = \frac{2}{\pi} U_m = 0,638 U_m .$$

# **Коэффициенты амплитуды и формы**

**Коэффициент амплитуды** представляет собой отношение амплитуды периодически изменяющейся функции к её действующему значению

$$K_a = \frac{I_m}{I} = \sqrt{2} = 1,41.$$

**Коэффициент формы** – это отношение действующего значения периодически изменяющейся функции к её среднему значению за полпериода

$$K_\phi = \frac{I}{I_{cp}} = \frac{\frac{I_m}{\sqrt{2}}}{\frac{\pi}{2I_m}} = \frac{\pi}{2\sqrt{2}} = 1,11.$$

# СПОСОБЫ ЗАДАНИЯ ПЕРЕМЕННОГО СИНУСОИДАЛЬНОГО ТОКА



математическим  
уравнением  
(через  
тригонометрические  
функции)



вращающимся  
вектором



волной  
диаграммой

Представление переменного синусоидального тока  
математическим уравнением

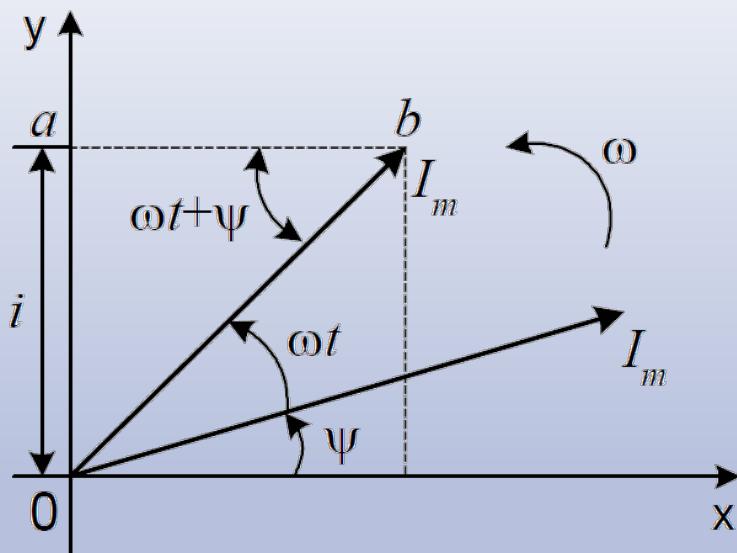
$$i = I_m \sin(\omega t + \psi)$$

# Представление переменного синусоидального тока вращающимся вектором. Векторные диаграммы

Пусть в прямоугольной системе координат  $x$  и  $y$  имеется вектор длиной  $I_m$ , расположенный под углом  $\psi$  к горизонтальной оси.

Заставим этот вектор вращаться против часовой стрелки с угловой скоростью  $\omega$ . Тогда за время  $t$  он повернётся на угол  $\omega t$ .

Проекцию вращающегося вектора на вертикальную ось обозначим через функцию  $i = I_m \sin(\omega t + \psi)$ . Функция  $i$  представляет собой мгновенное значение тока.



Вращающийся вектор

*Изображение тока с помощью вектора называется его **векторной диаграммой**.*

Длина вектора может быть равна амплитудному значению  $I_m$ , либо действительному значению  $I$ . Обычно вектор при этом показывается не в произвольный момент времени  $t$ , а в начальный, когда  $t = 0$ , т. е. угол наклона вектора к горизонтальной оси равен начальной фазе.

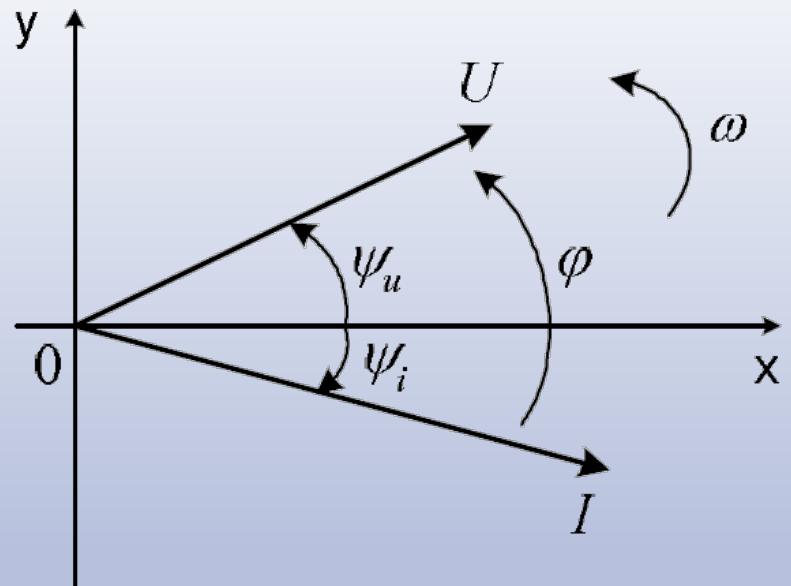
Построим векторную диаграмму двух векторов – тока и напряжения. Длины векторов равны действующим значениям тока и напряжения, углы их наклона к горизонтальной оси – начальным фазам, а угол между векторами, равный разности начальных фаз  $\psi_u$  и  $\psi_i$ , определяет сдвиг фаз  $\phi$  между напряжением и током:

$$\phi = \psi_u - \psi_i.$$

На диаграмме стрелка, показывающая угол  $\phi$ , всегда изображается в положительном направлении – против часовой стрелки.

Векторная диаграмма даёт наглядное представление об отставании одних величин и опережении других.

Если начальные фазы  $U$  и  $I$  ( $\psi_u$  и  $\psi_i$ ) равны нулю, то можно изображать векторную диаграмму без осей и располагать её как удобно.

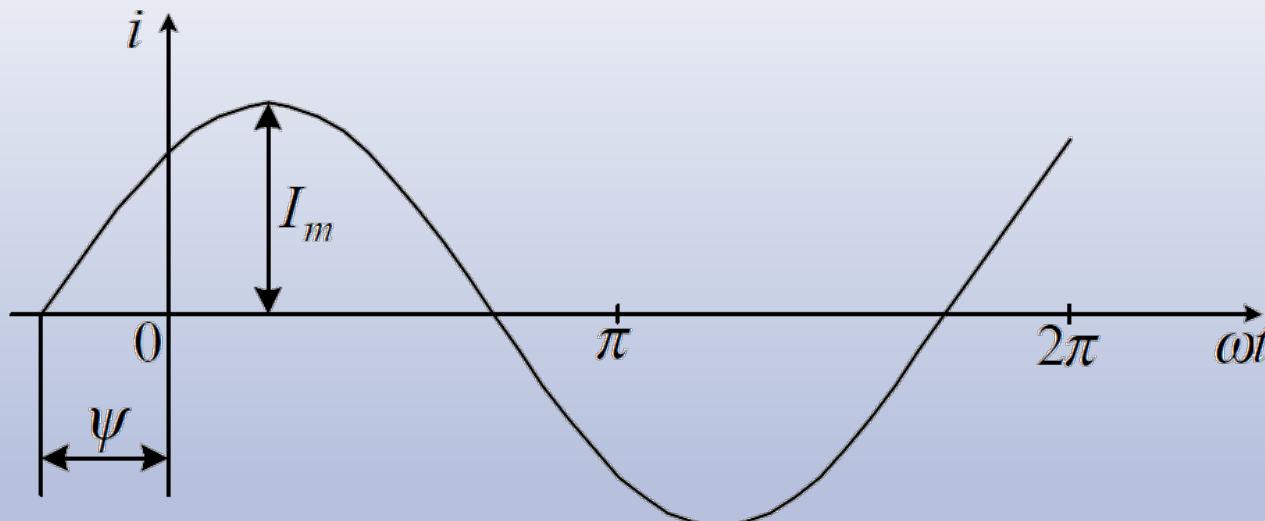


Векторная диаграмма напряжения и тока

## Представление переменного синусоидального тока волной диаграммой

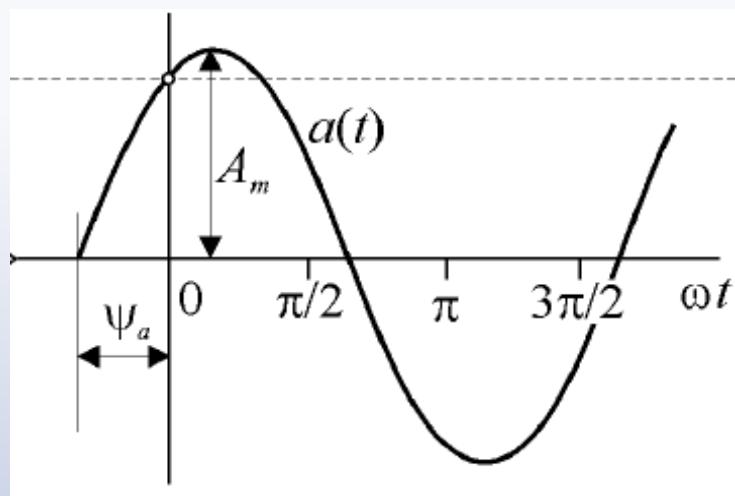
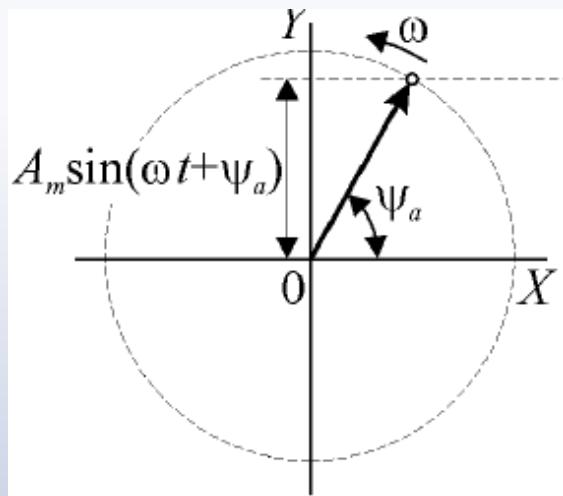
График синусоидального тока можно изобразить в виде волновой диаграммы.

На волновой диаграмме указана начальная фаза, которая определяется углом  $\psi$ , измеряемым от ближайшей к началу координат точки перехода синусоиды через ноль до точки начала координат. Начальная фаза  $\psi$  положительна в тех случаях, когда начало синусоиды смещено от точки ноль (начало координат) влево и наоборот – отрицательна, когда смещена вправо.



Волновая диаграмма синусоидального тока

## Примеры перехода от одной формы задания к другой:



# **ЗАКОНЫ КИРХГОФА В ЦЕПЯХ СИНУСОИДАЛЬНОГО ТОКА И МЕТОДЫ РАСЧЁТА ЭТИХ ЦЕПЕЙ**

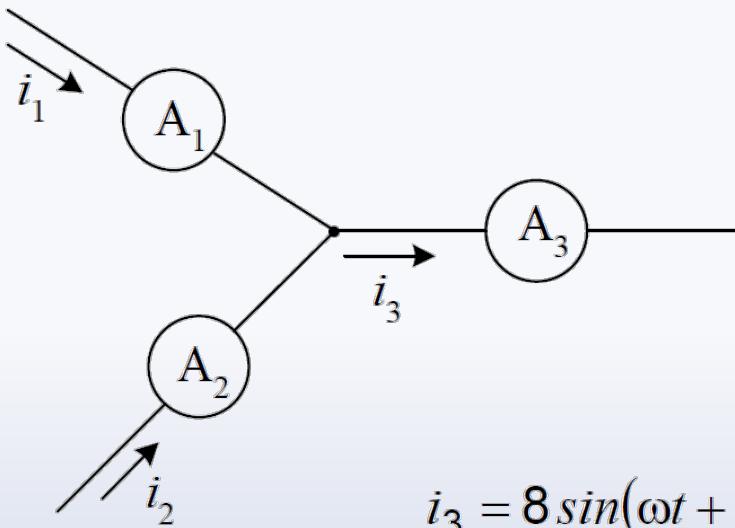
**Первый закон Кирхгофа:** в любой момент времени алгебраическая сумма токов в узле электрической цепи равна нулю

$$\sum_{k=1}^m i_k(t) = 0$$

**Второй закон Кирхгофа:** в любой момент времени в замкнутом контуре электрической цепи алгебраическая сумма ЭДС равна алгебраической сумме падений напряжений на всех остальных элементах контура

$$\sum_{k=1}^n e_k(t) = \sum_{k=1}^n u_k(t)$$

## Применение метода расчёта непосредственно над синусоидальными функциями



$$i_1 = 8 \sin(\omega t + 30^\circ), \\ i_2 = 6 \sin(\omega t + 120^\circ).$$

1-й закон Кирхгофа  $i_1 + i_2 - i_3 = 0$ ,

$$i_3 = i_1 + i_2$$

$$i_3 = 8 \sin(\omega t + 30^\circ) + 6 \sin(\omega t + 120^\circ) = I_{3m} \sin(\omega t + \psi_3)$$

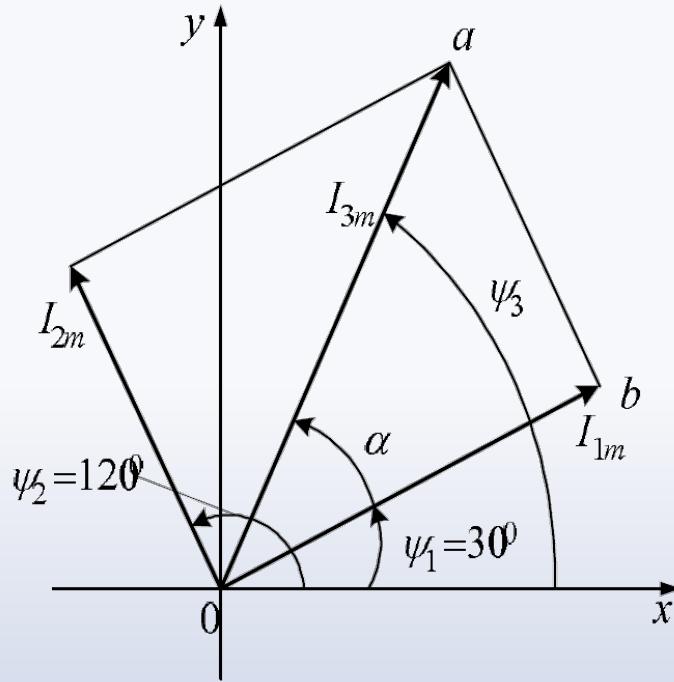
Сумма двух синусоид одинаковой частоты есть тоже синусоида той же частоты. Её амплитуда и начальная фаза находятся по формулам:

$$I_{3m} = \sqrt{I_{1m}^2 + I_{2m}^2 + 2 \cdot I_{1m} \cdot I_{2m} \cdot \cos(\psi_1 - \psi_2)} = \\ = \sqrt{8^2 + 6^2 + 2 \cdot 8 \cdot 6 \cdot \cos(30^\circ - 120^\circ)} = 10 \text{ A},$$

$$\operatorname{tg} \psi_3 = \frac{I_{1m} \sin \psi_1 + I_{2m} \sin \psi_2}{I_{1m} \cos \psi_1 + I_{2m} \cos \psi_2} = \frac{8 \cdot \sin 30^\circ + 6 \cdot \sin 120^\circ}{8 \cdot \cos 30^\circ + 6 \cdot \cos 120^\circ} = 2,341,$$

$\psi_3 = \operatorname{arctg} 2,341 = 66,87^\circ. \quad i_3 = 10 \sin(\omega t + 66,87^\circ).$

## Применение метода расчёта с помощью векторных диаграмм



Векторная диаграмма токов

На примере, в соответствии с 1-м законом Кирхгофа в векторной форме для цепи, запишем:

$$\bar{I}_{3m} = \bar{I}_{1m} + \bar{I}_{2m}.$$

Построим в прямоугольной системе координат сумму векторов  $\bar{I}_{1m}$  и  $\bar{I}_{2m}$ .

Необходимо определить  $\bar{I}_{3m}$ .

Так как треугольник *oab* – прямоугольный, а сторона *ab* равна длине вектора  $\bar{I}_{2m}$ , то в этом треугольнике:

$$I_{3m} = \sqrt{I_{1m}^2 + I_{2m}^2} = \sqrt{8^2 + 6^2} = 10 \text{ A.}$$

Начальная фаза  $\psi_3$  тока  $I_{3m}$  равна углу наклона вектора  $\bar{I}_{3m}$  к горизонтальной оси

$$\psi_3 = \psi_1 + \alpha = \psi_1 + \arctg \frac{I_{2m}}{I_{1m}} = 30^\circ + \arctg \frac{6}{8} = 30^\circ + 36,87^\circ = 66,87^\circ.$$

Определяем показания аргументов. Известно, что приборы электромагнитной системы показывают действующие значения токов и напряжений. Поэтому

$$I_1 = \frac{I_{1m}}{\sqrt{2}} = \frac{8}{1,41} = 5,66 \text{ A}, \quad I_2 = \frac{I_{2m}}{\sqrt{2}} = \frac{6}{1,41} = 4,24 \text{ A},$$

$$I_3 = \frac{I_{3m}}{\sqrt{2}} = \frac{10}{1,41} = 7,07 \text{ A}.$$

Проанализировав численные значения токов  $I_1$ ,  $I_2$  и  $I_3$ , обращаем внимание на то, что

$$I_1 + I_2 \neq I_3, \\ 5,66 + 4,24 \neq 7,07.$$

**Это не ошибка.** Надо знать, что в цепях синусоидального тока для показаний приборов законы Кирхгофа не справедливы.

В итоге можно складывать только мгновенные значения токов (синусоидальные функции времени) и векторы. Однако складывать численные значения токов и напряжений, а также показания приборов нельзя.

# КОМПЛЕКСНЫЙ ВИД ПЕРЕМЕННОГО СИНУСОИДАЛЬНОГО ТОКА

$$\dot{A} = p + jq$$

$$A_m = \sqrt{p^2 + q^2}, \quad \psi_a = \operatorname{arctg} \left( \frac{q}{p} \right).$$

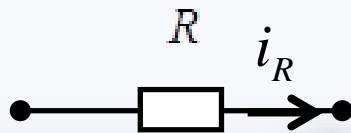
$e^{j\psi} = \cos \psi + j \sin \psi$  называется *оператором поворота*

$$\begin{cases} 1 = e^{j0}; \\ j = e^{j\frac{\pi}{2}}; \\ -1 = e^{j\pi}; \\ -j = e^{-j\frac{\pi}{2}}. \end{cases}$$

# ЗАКОНЫ ОМА И КИРХГОФА В КОМПЛЕКСНОЙ ФОРМЕ

## Закон Ома

$$1. \quad i_R = I_{mR} \sin(\omega t + \psi_{i_R})$$



$$i_R = \frac{u_R}{R}$$

$$u_R = [I_{mR} R] \sin(\omega t + \psi_{i_R}).$$

$$u_R = [U_{mR}] \sin(\omega t + \psi_{u_R})$$

$$U_{mR} = I_{mR} R$$

$$\psi_{u_R} = \psi_{i_R}$$

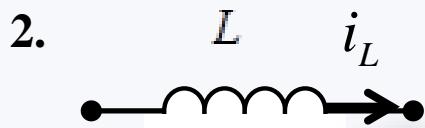
*На участке цепи, содержащем резистивный элемент, при протекании переменного тока, сдвига фаз между током и напряжением не будет.*

$$\dot{U}_R = U_{mR} e^{j\psi_{u_R}} \quad \dot{I}_R = I_{mR} e^{j\psi_{i_R}}$$

**Закон Ома в комплексном виде**

$$\dot{U}_R = \dot{I}_R \cdot R.$$

**Падение напряжения на резистивном элементе**



$$i_L = I_{mL} \sin(\omega t + \psi_{i_L}).$$

$$u_L = -e_L, \quad e_L = -L \frac{di_L}{dt} \rightarrow u_L = I_{mL} \omega L \cos(\omega t + \psi_{i_L}).$$

$$u_L = \boxed{I_{mL} \omega L} \sin(\omega t + \psi_{i_L} + \frac{\pi}{2}).$$

$$u_L = \boxed{U_{mL}} \sin(\omega t + \psi_{u_L})$$

$$U_{mL} = I_{mL} \omega L,$$

$$\psi_{u_L} = \psi_{i_L} + \frac{\pi}{2}$$

$$X_L = \omega L \quad - \text{Индуктивное сопротивление}$$

**На участке цепи, содержащем емкостной элемент, при протекании переменного тока, между током и напряжением будет сдвиг фаз. Напряжение на емкостном элементе отстает по фазе от тока на угол равный  $\frac{\pi}{2}$**

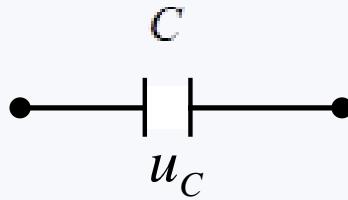
$$\dot{U}_L = U_{mL} e^{j\psi_{uL}}, \quad \dot{I}_L = I_{mL} e^{j\psi_{iL}}, \quad \dot{X}_L = j\omega L = jX_L.$$

**Закон Ома в комплексном виде**

$$\dot{U}_L = \dot{I}_L \cdot \dot{X}_L = jX_L \cdot \dot{I}_L.$$

**Падение напряжения на индуктивном элементе**

3.



$$u_C = U_{mC} \sin(\omega t + \psi_{u_C}).$$

$$i_C = \frac{dq}{dt}, \quad q = u_C C. \rightarrow i_C = U_{mC} \omega C \cos(\omega t + \psi_{u_C}).$$

$$i_C = \boxed{U_{mC} \omega C} \sin(\omega t + \psi_{u_C} + \frac{\pi}{2})$$

$$\boxed{I_{mC} = U_{mC} \omega C},$$

$$i_C = \boxed{I_{mC}} \sin(\omega t + \psi_{i_C})$$

$$\psi_{i_C} = \psi_{u_C} + \frac{\pi}{2}$$

$$X_C = \frac{1}{\omega C}$$

- емкостное сопротивление

На участке цепи, содержащем емкостной элемент, при протекании переменного тока, между током и напряжением будет сдвиг фаз. Напряжение на емкостном элементе опережает по фазе ток на угол равный  $\frac{\pi}{2}$

$$\dot{U}_C = U_{mC} e^{j\psi_{u_C}}, \quad \dot{I}_C = I_{mC} e^{j\psi_{i_C}}, \quad \dot{X}_C = \frac{1}{j\omega C} = -j \frac{1}{\omega C} = -jX_C.$$

**Закон Ома в комплексном виде**

$$\dot{U}_C = \dot{I}_C \cdot \dot{X}_C = -jX_C \cdot \dot{I}_C$$

**Падение напряжения на емкостном элементе**

# **Законы Кирхгофа**

*I закон Кирхгофа:*

*Алгебраическая сумма сходящихся в узле всех токов, представленных в комплексном виде, равна нулю:*

$$\sum_k \dot{I}_k = 0$$

*II закон Кирхгофа:*

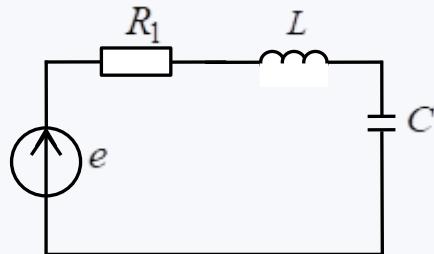
*Алгебраическая сумма падений напряжений на всех элементах замкнутого участка цепи (контура), представленных в комплексном виде, равна алгебраической сумме всех комплексных ЭДС данного участка цепи (контура):*

$$\sum_k \dot{U}_k = \sum_m \dot{E}_m$$

# Полное сопротивление неразветвленной цепи

$$e = E_m \sin(\omega t + \psi_e)$$

$$e = u_R + u_L + u_C$$



$$\dot{E} = \dot{U}_R + \dot{U}_L + \dot{U}_C$$

$$\dot{U}_R = \dot{I}_R \cdot R,$$

$$\dot{U}_L = jX_L \cdot \dot{I}_L,$$

$$\dot{U}_C = -jX_C \cdot \dot{I}_C$$

$$\dot{E} = \dot{I} \cdot (R + j(X_L - X_C))$$

активное

реактивное

$$\dot{Z} = R + jx$$

$$x = X_L - X_C$$

## Полное комплексное сопротивление цепи

Если составляющие комплексного сопротивления изобразить векторами на комплексной плоскости, то активное, реактивное и полное сопротивления образуют прямоугольный треугольник, называемый **треугольником сопротивлений**.

$$\dot{Z} = \sqrt{R^2 + x^2}$$

$$\varphi = \arctg \frac{x}{R}$$

*Сдвиг фаз между током и напряжением на участке цепи определяется соотношением реактивного и активного сопротивлений.*

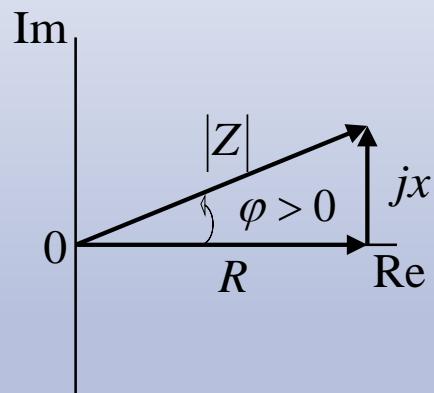
*При отсутствии активной составляющей фазовый сдвиг составляет:*

- ✓  $+90^\circ$  - при индуктивном характере;
- ✓  $-90^\circ$  - при емкостном характере реактивного сопротивления.

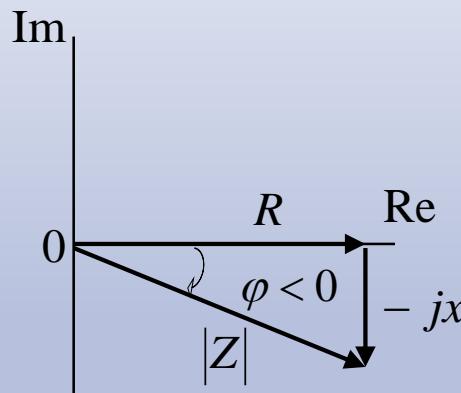
*Наличие активной составляющей определяет для фазового смещения сектора:*

- ✓  $0 < \varphi < 90^\circ$  - при активно-индуктивном характере комплексного сопротивления (рисунок 7.2, а);
- ✓  $0 > \varphi > -90^\circ$  - при активно-емкостном характере (рисунок 7.2, б);

*При отсутствии реактивной составляющей комплексного сопротивления сдвиг фаз между током и напряжением отсутствует, т.е.  $\varphi = 0$ .*



а)



б)

$$\dot{I} = \frac{\dot{E}}{\dot{Z}}$$

$$\dot{E} = E_m e^{j\psi_e}$$
$$\dot{Z} = Z_m e^{j\varphi}$$

$$\dot{I} = \frac{E_m e^{j\psi_e}}{Z_m e^{j\varphi}} = \frac{E_m}{Z_m} e^{j(\psi_e - \varphi)}$$

$$\dot{I} = I_m e^{j\psi_i}$$

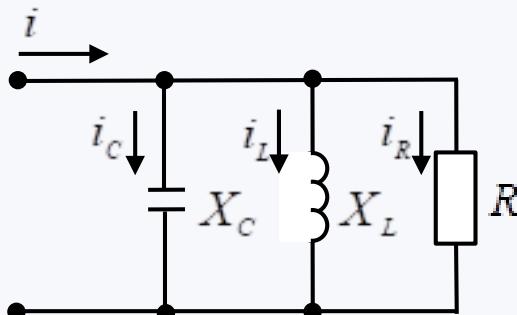
$$I_m = \frac{E_m}{Z_m}$$

$$\psi_i = \psi_e - \varphi$$

**Начальная фаза сопротивления** численно равна сдвигу фаз между напряжением и током в цепи

$$\varphi = \psi_e - \psi_i$$

# Полная комплексная проводимость цепи



$$\dot{Y} = \frac{1}{\dot{Z}}.$$

Полная комплексная проводимость цепи

активная

реактивная

$$\dot{Y} = g + jb.$$

Вектора комплексной проводимости и её составляющих образуют на комплексной плоскости прямоугольный треугольник, называемый **треугольником проводимостей**

$$\dot{Y} = \sqrt{g^2 + b^2}$$

$$\varphi = \arctg \frac{b}{g}$$

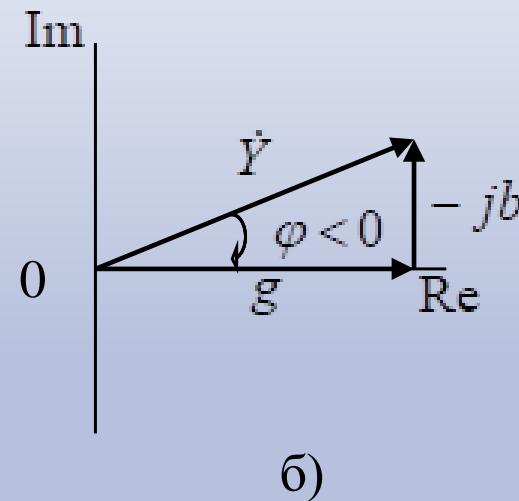
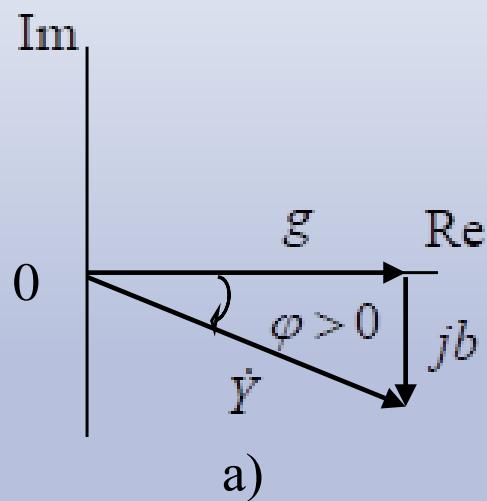
**Если цепь активно-индуктивная**

$$\dot{Z} = R + jX_L,$$

$$\dot{Y} = \frac{1}{R + jX_L} = \frac{R - jX_L}{R^2 + X_L^2} = \frac{R}{|Z|^2} - j \frac{X_L}{|Z|^2} = g - jb_L,$$

Активная проводимость  $g = \frac{R}{|Z|^2}$

Реактивная индуктивная проводимость  $b_L = -\frac{X_L}{|Z|^2}$



## Если цепь активно-емкостная

$$\dot{Z} = R - jX_C,$$

$$\dot{Y} = \frac{1}{R - jX_C} = \frac{R + jX_C}{R^2 + X_C^2} = \frac{R}{|Z|^2} + j \frac{X_C}{|Z|^2} = g + jb_C,$$

Активная проводимость

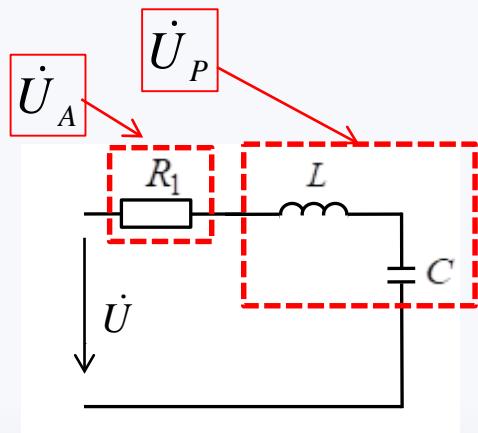
$$g = \frac{R}{|Z|^2}$$

Реактивная емкостная проводимость

$$b_C = \frac{X_C}{|Z|^2}$$

Мнимая часть полной комплексной проводимости положительная для емкостной цепи и отрицательна для индуктивной цепи

# АКТИВНЫЕ И РЕАКТИВНЫЕ СОСТАВЛЯЮЩИЕ НАПРЯЖЕНИЯ



$$\dot{U} = \dot{I} \cdot \dot{Z} = \dot{I} \cdot (R + jx) = \dot{I} \cdot R + \dot{I} \cdot jx = \dot{U}_A + \dot{U}_P$$

Комплексное активное напряжение

$$\dot{U}_A = \dot{I}R$$

Комплексное реактивное напряжение

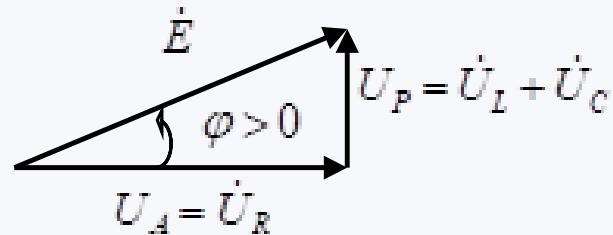
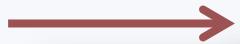
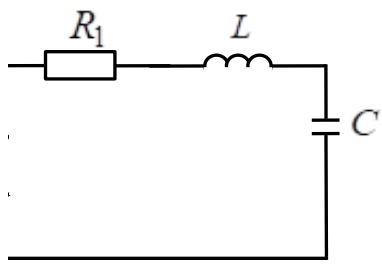
$$\dot{U}_P = \dot{I} \cdot jx$$

**Активное напряжение** соответствует напряжению на активном сопротивлении, а **реактивное** – на реактивном сопротивлении.

$$\dot{U} = U_A + jU_P; \quad U_A = U \cos \varphi; \quad U_P = U \sin \varphi;$$

$$U = \sqrt{U_A^2 + U_P^2}; \quad \varphi = \arctg \frac{U_P}{U_A}$$

Активное напряжение может быть только положительным, а знак реактивного напряжения определяется знаком фазового сдвига .



$$\dot{U}_R = iR, \dot{U}_L = j\omega L i, \dot{U}_C = \frac{1}{j\omega C} i = -j \frac{1}{\omega C} i$$

Вектор напряжения вместе с активной и реактивной составляющими на комплексной плоскости образуют прямоугольный треугольник, называемый **треугольником напряжений**

# ЭНЕРГИЯ И МОЩНОСТЬ В ЦЕПИ СИНУСОИДАЛЬНОГО ТОКА

## Энергии магнитного и электрического полей

**Активная мощность** характеризует среднюю за период скорость поступления энергии в двухполюсник :

$$P = UI \cos(\varphi).$$

$$W_M = \frac{LI_m^2}{2};$$
$$W_{\mathcal{E}} = \frac{CU_m^2}{2},$$

Если  $P > 0$  - двухполюсник, потребляет энергию;  $P < 0$  - двухполюсник, отдает энергию остальной части цепи. Единица измерения [Вт].

**Реактивная мощность** цепи характеризует процессы обмена энергией между цепью и источником, и численно равна максимальной скорости запасения энергии в цепи

$$Q = UI \sin(\varphi).$$

Если  $Q > 0$  - энергия запасается в магнитном поле цепи;  $Q < 0$  - энергия запасается в электрическом поле цепи;  $Q = 0$  - в цепи отсутствует обмен энергией с источником. Единица измерения [ВАр].

## Реактивные мощности на индуктивном и емкостном элементах

$$Q_L = I^2 X_L = I^2 \cdot \omega L$$

$$Q_C = I^2 X_C = I^2 \cdot \frac{1}{\omega C}$$

$$Q = Q_L - Q_C = I^2 (X_L - X_C) = I^2 \cdot x$$

**Полная мощность** есть максимально возможное значение активной мощности при  $\varphi = 0$

$$S = UI.$$

**Полной мощностью**  $S$  называется величина, равная произведению действующих значений тока и напряжения на зажимах цепи. Единица измерения [ВА].

$$S = \sqrt{P^2 + Q^2}.$$

$$\dot{S} = P + jQ.$$

Прямоугольный треугольник образуемый вектором полной мощности вместе с активной и реактивной составляющими на комплексной плоскости называется **треугольником мощностей**.

**Коэффициент мощности**

$$\cos(\varphi) = \frac{P}{U \cdot I} = \frac{P}{S}$$

Для анализа количественных и фазовых соотношений величин на переменном токе на комплексной плоскости строят векторы, соответствующие режиму работы электрической цепи. Такая совокупность векторов называется векторной диаграммой.

## Символический метод

### Этапы применения символического метода:

1. Определяем топологические параметры цепи: количество узлов, ветвей, контуров.
2. Представляем все величины и параметры цепи комплексными числами.
3. Составляем комплексную схему замещения электрической цепи, на которой все данные указаны в комплексной форме. Указываем положительное направление токов в ветвях цепи.
4. Определяем искомые величин любым методом расчета, известным из теории цепей постоянного тока.
5. Преобразовываем полученные комплексные величины в форму представления их синусоидальными функциями времени.